

Algorithmen und Datenstrukturen

B9. 2-3 Bäume

Marcel Lüthi and Gabriele Röger

Universität Basel

Algorithmen und Datenstrukturen

— B9. 2-3 Bäume

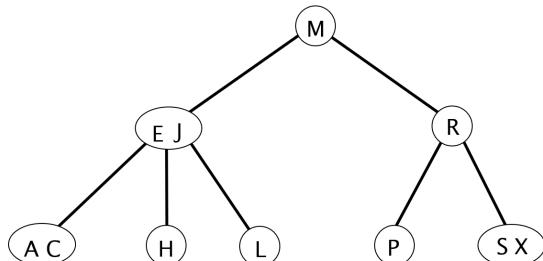
2-3 Bäume

Wir unterscheiden zwei Knotentypen

2-Knoten 1 Schlüssel, zwei Kinder

3-Knoten 2 Schlüssel, drei Kinder

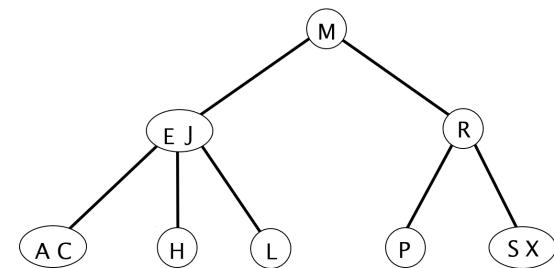
- ▶ Baum hat **symmetrische Ordnung** und ist perfekt balanciert.
 - ▶ Jeder Pfad von Wurzel zu Blatt hat dieselbe Länge.



Suchen in 2-3 Baum

Analog zu Binären Suchbaum

- ▶ Nutzt symmetrische Ordnung aus



Einfügen in 2-3 Baum

Einfügen in 2-Knoten auf letzter Ebene

- ▶ Neuer Schlüssel zu 2-Knoten hinzufügen. Knoten wird zu 3-Knoten.

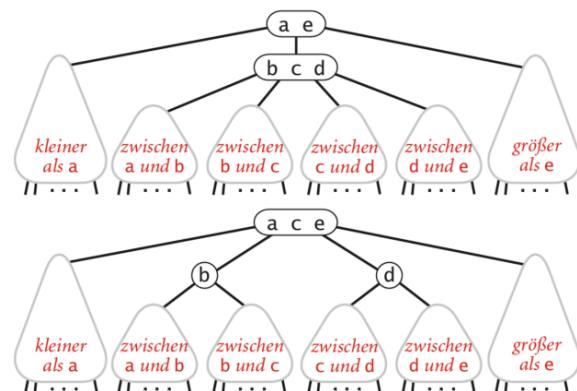
Einfügen in 2-3 Baum

Einfügen in 3-Knoten auf letzter Ebene

- ▶ Neuer Schlüssel zu 3-Knoten hinzufügen. Knoten wird temporär zu 4-Knoten.
- ▶ Mittlerer Schlüssel in Elternknoten einfügen.
- ▶ Falls nötig, rekursiv fortsetzen.

Lokale Transformationen

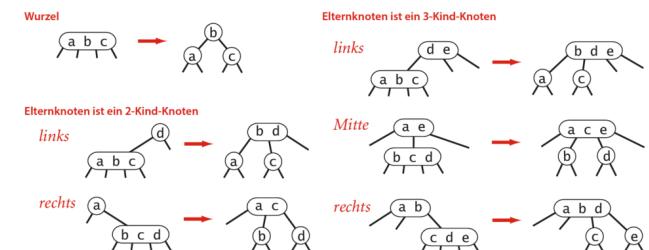
- ▶ Teilen eines 4 Knotens ist **lokale** Operation
 - ▶ Unterbäume nicht davon betroffen
 - ▶ Konstante Anzahl Operationen



Quelle: Abb. 3.30, Algorithmen, Wayne & Sedgewick

Globale Eigenschaften von Einfügeoperation

- ▶ Jede Operation belässt Baum perfekt balanciert.
- ▶ Ordnung der Teilbäume bleibt erhalten.



Quelle: Abb. 3.31, Algorithmen, Wayne & Sedgewick

Komplexität

Die Operationen Suchen und Einfügen in einen 2-3 Baum mit N Schlüsseln besuchen im schlechtesten Fall $\log_2(N)$ Knoten.

Übersicht

	Worst-case	Average-case
	suchen	einfügen
Binäre Suche	$O(\log_2(N))$	$O(N)$
BST	$O(N)$	$O(N)$
2-3 Baum	$O(\log_2(N))$	$O(\log_2(N))$