

Algorithmen und Datenstrukturen

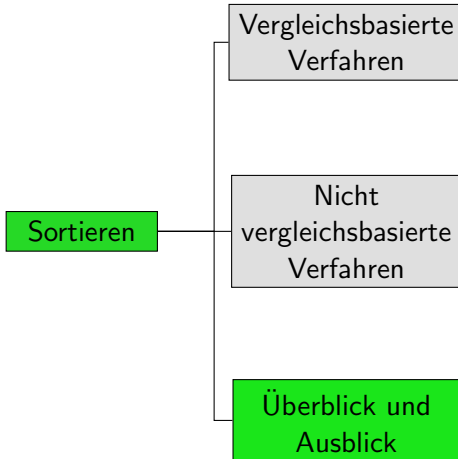
A8. Sortieren IV

Marcel Lüthi and Gabriele Röger

Universität Basel

7. März 2019

Sortierverfahren



Überblick

Vergleichsbasierte Verfahren: Übersicht

Algorithmus	Laufzeit $O(\cdot)$	Speicherbedarf $O(\cdot)$	stabil
	best/avg./worst	best/avg./worst	
Selectionsort	n^2	1	nein
Insertionsort	$n/n^2/n^2$	1	ja
Mergesort	$n \log n$	n	ja
Quicksort	$n \log n / n \log n / n^2$	$\log n / \log n / n$	nein
Heapsort	$n \log n$	1	nein

Vergleichsbasierte Verfahren: Übersicht

Algorithmus	Laufzeit $O(\cdot)$	Speicherbedarf $O(\cdot)$	stabil
	best/avg./worst	best/avg./worst	
Selectionsort	n^2	1	nein
Insertionsort	$n/n^2/n^2$	1	ja
Mergesort	$n \log n$	n	ja
Quicksort	$n \log n/n \log n/n^2$	$\log n/\log n/n$	nein
Heapsort	$n \log n$	1	nein

Sehr schöne [Visualisierung der Verfahren](https://www.toptal.com/developers/sorting-algorithms/) unter

<https://www.toptal.com/developers/sorting-algorithms/>

Vergleichsbasierte Verfahren: Bemerkungen

- **Insertionsort** ist auf **kleinen Sequenzen** sehr **schnell** und wird daher zum Beispiel zur Verbesserung von Mergesort und Quicksort für kurze Aufrufe eingesetzt.

Vergleichsbasierte Verfahren: Bemerkungen

- **Insertionsort** ist auf **kleinen Sequenzen** sehr **schnell** und wird daher zum Beispiel zur Verbesserung von Mergesort und Quicksort für kurze Aufrufe eingesetzt.
- **Quicksort** hat eine sehr kurze (= schnelle) innere Schleife. Mit Randomisierung tritt schlechtester Fall so gut wie nie auf.

Vergleichsbasierte Verfahren: Bemerkungen

- **Insertionsort** ist auf **kleinen Sequenzen** sehr **schnell** und wird daher zum Beispiel zur Verbesserung von Mergesort und Quicksort für kurze Aufrufe eingesetzt.
- **Quicksort** hat eine sehr kurze (= schnelle) innere Schleife. Mit Randomisierung tritt schlechtester Fall so gut wie nie auf.
- **Mergesort** ist dafür **stabil**. Zudem ist der Mergeschritt auch für externes Sortieren relevant (**dazu gleich noch mehr**). Wird z.B. gerne bei Datenbankanwendungen eingesetzt.

Vergleichsbasierte Verfahren: Bemerkungen

- **Insertionsort** ist auf **kleinen Sequenzen** sehr **schnell** und wird daher zum Beispiel zur Verbesserung von Mergesort und Quicksort für kurze Aufrufe eingesetzt.
- **Quicksort** hat eine sehr kurze (= schnelle) innere Schleife. Mit Randomisierung tritt schlechtester Fall so gut wie nie auf.
- **Mergesort** ist dafür **stabil**. Zudem ist der Mergeschritt auch für externes Sortieren relevant (**dazu gleich noch mehr**). Wird z.B. **gerne bei Datenbankanwendungen eingesetzt**.
- **Heapsort** ist in der Praxis etwas langsamer als Mergesort, als **in-place**-Verfahren aber dennoch interessant z.B. **für eingebettete Systeme**.

Vergleichsbasierte Verfahren: Bemerkungen

- **Insertionsort** ist auf **kleinen Sequenzen** sehr **schnell** und wird daher zum Beispiel zur Verbesserung von Mergesort und Quicksort für kurze Aufrufe eingesetzt.
- **Quicksort** hat eine sehr kurze (= schnelle) innere Schleife. Mit Randomisierung tritt schlechtester Fall so gut wie nie auf.
- **Mergesort** ist dafür **stabil**. Zudem ist der Mergeschritt auch für externes Sortieren relevant (**dazu gleich noch mehr**). Wird z.B. gerne bei Datenbankanwendungen eingesetzt.
- **Heapsort** ist in der Praxis etwas langsamer als Mergesort, als **in-place**-Verfahren aber dennoch interessant z.B. für eingebettete Systeme.
- Gleiche asymptotische Laufzeit bedeutet nicht, dass Verfahren auch gleich lange brauchen (verschiedene Konstanten in $O(\cdot)$). Heapsort braucht doppelt so viele Vergleiche wie Mergesort.

Ausblick

Vorsortierte Daten

- Oftmals sind **Teilsequenzen** der Eingabe bereits **vorsortiert**.
- Insertionsort profitiert davon direkt.
- Von manchen Verfahren gibt es Varianten, die Vorsortierung ausnutzen
z.B. natürliches 2-Wege-Mergesort.

Viele gleiche Schlüssel

- Tritt in praktischen Anwendungen häufig auf
z.B. Sortieren von Studierendendaten nach Geschlecht
- Von manchen Algorithmen gibt es spezialisierte Varianten
- Zum Beispiel 3-Wege-Partitionierung in Quicksort

$< P$	$= P$	$> P$
-------	-------	-------

Sortieren komplexer Objekte

- Meist will man nicht nur Zahlen, sondern **komplexe Objekte** sortieren.
- Hier wäre es sehr teuer, bei jeder Vertauschung die ganzen Objekte zu kopieren.
- **Stattdessen:** Sortiere Elemente, die nur aus Schlüssel und Zeiger/Referenz auf das tatsächliche Objekt bestehen.

Externes Sortieren

- **Sehr grosse Datensätze** passen nicht in den internen Speicher.
- **Annahme:** **interner** Speicher hat **Grösse m**
- Lese jeweils Bereich der Grösse m ein, sortiere ihn und schreibe ihn zurück auf den externen Speicher.
- Dann sukzessives Mergen ähnlich zu Mergesort. Konzeptuell:
 - lese jeweils Bereich der Grösse $m/3$ der beiden vorsortierten Bereiche ein
 - es bleiben $m/3$ für Ausgabe
 - falls ein Eingabebereich erschöpft ist → nachladen
 - falls Ausgabebereich voll → rausschreiben

Weniger korrekte Verfahren

INEFFECTIVE SORTS

```
DEFINE HALFHEARTEDMERGESORT(LIST):  
  IF LENGTH(LIST) < 2:  
    RETURN LIST  
  PIVOT = INT(LENGTH(LIST) / 2)  
  A = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[:PIVOT])  
  B = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[PIVOT:])  
  // UMMMMMM  
  RETURN [A, B] // HERE. SORRY.
```

```
DEFINE FASTBOGOSORT(LIST):  
  // AN OPTIMIZED BOGOSORT  
  // RUNS IN  $O(N \log N)$   
  FOR N FROM 1 TO LOG(LENGTH(LIST)):  
    SHUFFLE(LIST):  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  RETURN "KERNEL PAGE FAULT (ERROR CODE: 2)"
```

```
DEFINE JOBIINTERVIEWQUICKSORT(LIST):  
  OK SO YOU CHOOSE A PIVOT  
  // HERE
```

```
DEFINE PANICSORT(LIST):  
  IF ISSORTED(LIST):
```

vollständiger Comic unter <https://xkcd.com/1185/>
(CC BY-NC 2.5)

Andere Probleme durch Sortieren lösen

k -kleinstes Element

- zum Beispiel Finden des Medians ($k = \lfloor n/2 \rfloor$)
- Verwende Quicksort, aber mache rekursiven Aufruf nur für den relevanten Bereich.

Andere Probleme durch Sortieren lösen

k -kleinstes Element

- zum Beispiel Finden des Medians ($k = \lfloor n/2 \rfloor$)
- Verwende Quicksort, aber mache rekursiven Aufruf nur für den relevanten Bereich.

Duplikate

- Wie viele verschiedene Schlüssel gibt es? Welcher Wert ist am häufigsten? Gibt es doppelte Schlüssel?
- Kann man direkt mit quadratischen Algorithmen beantworten.
- Oder – schlauer – erst sortieren und dann mit einem Durchlauf lösen.

Quiz

Quiz



kahoot.it