

# Grundlagen der Künstlichen Intelligenz

## 12. Klassische Suche: Bestensuche als Graphensuche

Malte Helmert

Universität Basel

28. März 2014

# Klassische Suche: Überblick

## Kapitelüberblick klassische Suche:

- 3.–5. Einführung
- 6.–9. Basisalgorithmen
- 10.–17. heuristische Algorithmen
  - 10. Heuristiken
  - 11. Analyse von Heuristiken
  - 12. Bestensuche als Graphensuche
  - 13. Gierige Bestensuche,  $A^*$ , Weighted  $A^*$
  - 14. IDA $^*$
  - 15.  $A^*$ : Optimalität, Teil I
  - 16.  $A^*$ : Optimalität, Teil II
  - 17.  $A^*$ : Vollständigkeit und Komplexität

# Einführung

# Heuristische Suchalgorithmen

## heuristische Suchalgorithmen

**Heuristische Suchalgorithmen** verwenden **Heuristikfunktionen**, um die Reihenfolge der Knotenexpansion teilweise oder vollständig zu bestimmen.

- **dieses Kapitel:** kurze Einführung
- **Folgekapitel:** gründlichere Analyse

# Bestensuche

# Bestensuche

**Bestensuche** ist eine Klasse von Suchalgorithmen, die in jedem Schritt den „am besten aussehenden“ Knoten expandieren.

- Entscheidung, welcher Knoten am besten ist, verwendet **Heuristik**...
- ...aber **nicht notwendigerweise ausschliesslich**.

# Bestensuche

**Bestensuche** ist eine Klasse von Suchalgorithmen, die in jedem Schritt den „am besten aussehenden“ Knoten expandieren.

- Entscheidung, welcher Knoten am besten ist, verwendet **Heuristik**...
- ...aber **nicht notwendigerweise ausschliesslich**.

## Bestensuche

Eine **Bestensuche** ist ein heuristischer Suchalgorithmus, der Suchknoten anhand einer **Bewertungsfunktion  $f$**  evaluiert und immer einen Knoten  $n$  mit minimalem  $f(n)$  expandiert.

- Implementierung im Wesentlichen wie **uniforme Kostensuche**
- unterschiedliche Wahl von  $f$   
     $\rightsquigarrow$  unterschiedliche Suchalgorithmen

# Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen

Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen:



# Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen

## Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen:

- $f(n) = h(n.state)$ : gierige Bestensuche  
(greedy best-first search)  
     $\rightsquigarrow$  nur die Heuristik zählt

# Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen

## Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen:

- $f(n) = h(n.state)$ : gierige Bestensuche  
(greedy best-first search)  
     $\rightsquigarrow$  nur die Heuristik zählt
- $f(n) = g(n) + h(n.state)$ :  $A^*$   
     $\rightsquigarrow$  Kombination von Pfadkosten und Heuristik

# Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen

## Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen:

- $f(n) = h(n.state)$ : gierige Bestensuche  
(greedy best-first search)  
     $\rightsquigarrow$  nur die Heuristik zählt
- $f(n) = g(n) + h(n.state)$ :  $A^*$   
     $\rightsquigarrow$  Kombination von Pfadkosten und Heuristik
- $f(n) = g(n) + w \cdot h(n.state)$ : Weighted  $A^*$   
     $w \in \mathbb{R}_0^+$  ist ein Parameter  
     $\rightsquigarrow$  interpoliert zwischen gieriger Bestensuche und  $A^*$

# Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen

## Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen:

- $f(n) = h(n.state)$ : gierige Bestensuche  
(greedy best-first search)  
     $\rightsquigarrow$  nur die Heuristik zählt
- $f(n) = g(n) + h(n.state)$ :  $A^*$   
     $\rightsquigarrow$  Kombination von Pfadkosten und Heuristik
- $f(n) = g(n) + w \cdot h(n.state)$ : Weighted  $A^*$   
     $w \in \mathbb{R}_0^+$  ist ein Parameter  
     $\rightsquigarrow$  interpoliert zwischen gieriger Bestensuche und  $A^*$

$\rightsquigarrow$  Eigenschaften: nächste Kapitel

# Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen

## Die wichtigsten Bestensuchalgorithmen:

- $f(n) = h(n.state)$ : gierige Bestensuche  
(greedy best-first search)  
     $\rightsquigarrow$  nur die Heuristik zählt
- $f(n) = g(n) + h(n.state)$ :  $A^*$   
     $\rightsquigarrow$  Kombination von Pfadkosten und Heuristik
- $f(n) = g(n) + w \cdot h(n.state)$ : Weighted  $A^*$   
     $w \in \mathbb{R}_0^+$  ist ein Parameter  
     $\rightsquigarrow$  interpoliert zwischen gieriger Bestensuche und  $A^*$

$\rightsquigarrow$  Eigenschaften: nächste Kapitel

Was erhalten wir mit  $f(n) := g(n)$ ?

# Bestensuche: Graphen- oder Baumsuche?

Bestensuche kann eine **Graphensuche** oder eine **Baumsuche** sein.

- hier: **Graphensuche** (d. h., mit Duplikateliminierung),  
was der häufigere Fall ist
- **Kapitel 14**: eine Baumsuch-Variante

# Algorithmen-Details

# Erinnerung: uniforme Kostensuche

## Erinnerung: uniforme Kostensuche

### Uniforme Kostensuche

```
open := new MinHeap ordered by g
open.insert(make_root_node())
closed := new HashSet
while not open.is_empty():
    n = open.pop_min()
    if n.state ∉ closed:
        closed.insert(n)
        if is_goal(n.state):
            return extract_path(n)
        for each ⟨a, s'⟩ ∈ succ(n.state):
            n' := make_node(n, a, s')
            open.insert(n')
return unsolvable
```



# Bestensuche ohne Reopening (1. Versuch)

## Bestensuche ohne Reopening (1. Versuch)

### Bestensuche ohne Reopening (1. Versuch)

```
open := new MinHeap ordered by f
open.insert(make_root_node())
closed := new HashSet
while not open.is_empty():
    n = open.pop_min()
    if n.state ∉ closed:
        closed.insert(n)
        if is_goal(n.state):
            return extract_path(n)
        for each  $\langle a, s' \rangle \in \text{succ}(n.\text{state})$ :
            n' := make_node(n, a, s')
            open.insert(n')
return unsolvable
```

# Bestensuche ohne Reopening (1. Versuch): Diskussion

Diskussion:

Das ist schon fast alles.

# Bestensuche ohne Reopening (1. Versuch): Diskussion

## Diskussion:

Das ist schon fast alles.

Zwei nützliche Verbesserungen:

- **verwirft Zustände, die die Heuristik als unlösbar betrachtet**  
     $\rightsquigarrow$  benötigen dann keinen Platz in *open*
- wenn mehrere Suchknoten denselben  $f$ -Wert aufweisen,  
    **verwende  $h$  zum Tie-Breaking** (bevorzuge niedriges  $h$ )
  - nicht immer eine gute Idee, aber oft
  - offensichtlich unnötig, wenn  $f = h$  (gierige Bestensuche)

# Bestensuche ohne Reopening (endgültige Version)

## Bestensuche ohne Reopening

```
open := new MinHeap ordered by  $\langle f, h \rangle$ 
if  $h(\text{init}()) < \infty$ :
    open.insert(make_root_node())
closed := new HashSet
while not open.is_empty():
    n = open.pop_min()
    if n.state  $\notin$  closed:
        closed.insert(n)
        if is_goal(n.state):
            return extract_path(n)
        for each  $\langle a, s' \rangle \in \text{succ}(n.\text{state})$ :
            if  $h(s') < \infty$ :
                n' := make_node(n, a, s')
                open.insert(n')
return unsolvable
```

# Bestensuche: Eigenschaften

## Eigenschaften:

- **vollständig**, wenn  $h$  sicher ist (**Warum?**)
- **Optimalität** hängt von  $f$  ab  
     $\rightsquigarrow$  folgende Kapitel

# Reopening

# Reopening

- **Erinnerung:** uniforme Kostensuche besucht Knoten in Reihenfolge ansteigender  $g$ -Werte
- ~> garantiert, dass **billigster Pfad** zum Zustand eines Knoten gefunden wurde, wenn der Knoten expandiert wird
- mit beliebigen  $f$ -Funktionen in der Bestensuche gilt dies im Allgemeinen **nicht**
- ~> um billigere Lösungen zu finden, kann es sinnvoll sein, **Duplikatknoten zu expandieren**, wenn billigere Pfade zu deren Zuständen gefunden werden (**Reopening**)

# Bestensuche mit Reopening

## Bestensuche mit Reopening

```
open := new MinHeap ordered by  $\langle f, h \rangle$ 
if  $h(\text{init}()) < \infty$ :
    open.insert(make_root_node())
distances := new HashTable
while not open.is_empty():
    n = open.pop_min()
    if distances.lookup(n.state) = none or  $g(n) < \text{distances}[n.state]$ :
        distances[n.state] :=  $g(n)$ 
        if is_goal(n.state):
            return extract_path(n)
        for each  $\langle a, s' \rangle \in \text{succ}(n.state)$ :
            if  $h(s') < \infty$ :
                 $n' := \text{make\_node}(n, a, s')$ 
                open.insert(n')
return unsolvable
```

$\rightsquigarrow$  *distances* steuert Reopening und ersetzt *closed*



# Zusammenfassung

# Zusammenfassung

- **Bestensuche** expandiert immer Knoten mit minimalem Wert der **Bewertungsfunktion  $f$** 
  - $f = h$ : **gierige Bestensuche**
  - $f = g + h$ :  **$A^*$**
  - $f = g + w \cdot h$  für Parameter  $w \in \mathbb{R}_0^+$ : **Weighted  $A^*$**
- **hier**: Bestensuche als Graphensuche
- **Reopening**: expandiere Duplikate mit niedrigeren Pfadkosten, um billigere Lösungen zu finden