

Grundlagen der Künstlichen Intelligenz

16. Handlungsplanung: Abstraktion

Malte Helmert

Universität Basel

13. Mai 2013

Handlungsplanung: Überblick

Kapitelüberblick:

- Einführung und Formalisierung \rightsquigarrow Kapitel 14
- Drei Kernideen für allgemeine Heuristiken:
 - Delete-Relaxierung \rightsquigarrow Kapitel 15
 - **Abstraktion** \rightsquigarrow dieses Kapitel
 - Landmarken \rightsquigarrow Kapitel 17

Handlungsplanung: Überblick

Kapitelüberblick:

- Einführung und Formalisierung \rightsquigarrow Kapitel 14
- Drei Kernideen für allgemeine Heuristiken:
 - Delete-Relaxierung \rightsquigarrow Kapitel 15
 - **Abstraktion** \rightsquigarrow dieses Kapitel
 - Landmarken \rightsquigarrow Kapitel 17

Grundidee Abstraktion

Schätze Lösungskosten durch Betrachten einer **kleineren** Planungsaufgabe ab.

SAS⁺
●○○○○○

Abstraktionen
○○○○○○○○○○

Musterdatenbanken
○○○○○○○○○

Merge-and-Shrink
○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○

SAS⁺

SAS⁺-Kodierung

- In diesem Kapitel: **SAS⁺**-Kodierung statt STRIPS (siehe Kapitel 14)
- Unterschied: Zustandsvariablen nicht alle binär, sondern mit **endlichem Wertebereich** $\text{dom}(v)$
- entsprechend Vorbedingungen, Effekte und Ziele als **partielle Belegungen** gegeben
- sonst alles gleich wie STRIPS

(Praktische Planer konvertieren automatisch zwischen STRIPS und SAS⁺.)

SAS⁺-Planungsaufgabe

Definition (SAS⁺-Planungsaufgabe)

Eine **SAS⁺**-Planungsaufgabe ist ein 5-Tupel $\Pi = \langle V, \text{dom}, I, G, A \rangle$ mit folgenden Komponenten:

- V : endliche Menge von **Zustandsvariablen**
- dom : **Wertebereiche**; $\text{dom}(v)$ für $v \in V$ endlich, nicht-leer
 - Zustände sind **totale Belegungen** für V gemäss dom
- I : der **Anfangszustand** (Zustand = totale Belegung)
- G : **Ziele** (partielle Belegung)
- A : endliche Menge von **Aktionen**, jeweils mit:
 - $\text{pre}(a)$: ihre **Vorbedingungen** (partielle Belegung)
 - $\text{eff}(a)$ ihre **Effekte** (partielle Belegung)
 - $\text{cost}(a) \in \mathbb{N}_0$: ihre **Kosten**

Zustandsraum zu einer SAS⁺-Planungsaufgabe

Definition (von SAS⁺-Planungsaufgabe induz. Zustandsraum)

Sei $\Pi = \langle V, \text{dom}, I, G, A \rangle$ eine SAS⁺-Planungsaufgabe.

Dann **induziert** Π den **Zustandsraum** $\mathcal{S}(\Pi) = \langle S, A, \text{cost}, T, s_0, S_\star \rangle$:

- **Zustandsmenge**: totale Belegungen von V gemäss dom
- **Aktionen**: die Aktionen A von Π
- **Aktionskosten**: cost ist wie in Π definiert
- **Transitionen**: $s \xrightarrow{a} s'$ für Zustände s, s' und Aktion a gdw.:
 - partielle Belegung $\text{pre}(a)$ ist Teilbelegung von s (Vorbedingungen erfüllt)
 - s' entspricht $\text{eff}(a)$ für alle Variablen, die in eff erwähnt werden; entspricht s für alle anderen Variablen (Effekte werden angewandt)
- **Anfangszustand**: $s_0 = I$
- **Zielzustände**: $s \in S_\star$ für Zustand s gdw. G Teilbelegung von s

Beispiel: Logistikaufgabe mit einem Paket, zwei Lastwagen

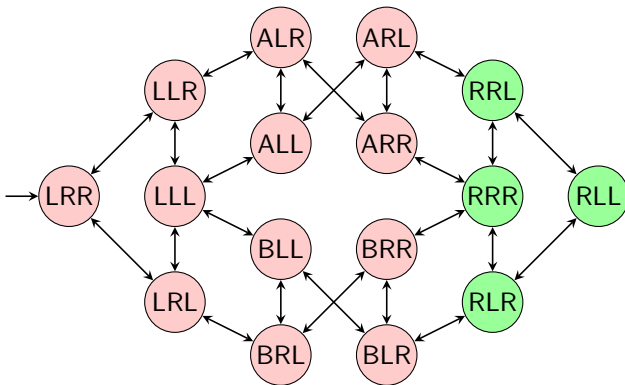
Beispiel (ein Paket, zwei Lastwagen)

Betrachte die SAS⁺-Planungsaufgabe $\langle V, \text{dom}, I, G, A \rangle$ mit:

- $V = \{p, t_A, t_B\}$
- $\text{dom}(p) = \{L, R, A, B\}$ und $\text{dom}(t_A) = \text{dom}(t_B) = \{L, R\}$
- $I = \{p \mapsto L, t_A \mapsto R, t_B \mapsto R\}$ und $G = \{p \mapsto R\}$
- $A = \{ \text{pickup}_{i,j} \mid i \in \{A, B\}, j \in \{L, R\} \}$
 $\cup \{ \text{drop}_{i,j} \mid i \in \{A, B\}, j \in \{L, R\} \}$
 $\cup \{ \text{move}_{i,j,j'} \mid i \in \{A, B\}, j, j' \in \{L, R\}, j \neq j' \}$ mit:
 - $\text{pickup}_{i,j}$ hat Vorbedingungen $\{t_i \mapsto j, p \mapsto j\}$, Effekte $\{p \mapsto i\}$
 - $\text{drop}_{i,j}$ hat Vorbedingungen $\{t_i \mapsto j, p \mapsto i\}$, Effekte $\{p \mapsto j\}$
 - $\text{move}_{i,j,j'}$ hat Vorbedingungen $\{t_i \mapsto j\}$, Effekte $\{t_i \mapsto j'\}$
 - Alle Aktionen haben Kosten 1.

pickup entspricht **load** und **drop** entspricht **unload** im Vorkapitel
 (umbenannt, damit Abkürzungen im Folgenden eindeutiger sind)

Zustandsraum für Beispielaufgabe



- Zustand $\{p \mapsto i, t_A \mapsto j, t_B \mapsto k\}$ abgebildet als ijk .
- Kantenbeschriftungen der Übersicht halber weggelassen.
Zum Beispiel hat die Kante von LLL zu ALL die Beschriftung $pickup_{A,L}$.

Abstraktionen

Abstraktion eines Zustandsraums

Eine Abstraktion eines Zustandsraums **gibt die Unterscheidung zwischen bestimmten Zuständen auf**, bewahrt dabei aber das **Verhalten des Zustandsraums** so weit wie möglich.

- Eine Abstraktion eines Zustandsraums \mathcal{S} ist durch eine **Abstraktionsfunktion** α definiert, die festlegt, welche Zustände unterschieden werden sollen und welche nicht.
- Aus \mathcal{S} und α berechnen wir den **abstrakten Zustandsraum** \mathcal{S}' , der ähnlich zu \mathcal{S} ist, aber kleiner.

Abstraktionsheuristik

Verwende die **abstrakten Zielabstände** (Zielabstände in \mathcal{S}') als Heuristikwerte für die konkreten Zielabstände (Zielabstände in \mathcal{S})

\rightsquigarrow **Abstraktionsheuristik** h^α

Induzierte Abstraktion

Definition (induzierte Abstraktion)

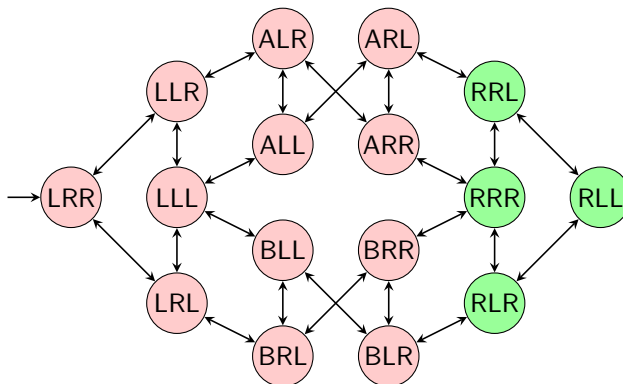
Sei $\mathcal{S} = \langle S, A, cost, T, s_0, S_\star \rangle$ ein Zustandsraum,
und sei $\alpha : S \rightarrow S'$ eine surjektive Funktion.

Die **durch α induzierte Abstraktion von \mathcal{S}** , geschrieben \mathcal{S}^α ,
ist der Zustandsraum $\mathcal{S}^\alpha = \langle S', A, cost, T', s'_0, S'_\star \rangle$ mit:

- $T' = \{ \langle \alpha(s), a, \alpha(t) \rangle \mid \langle s, a, t \rangle \in T \}$
- $s'_0 = \alpha(s_0)$
- $S'_\star = \{ \alpha(s) \mid s \in S_\star \}$

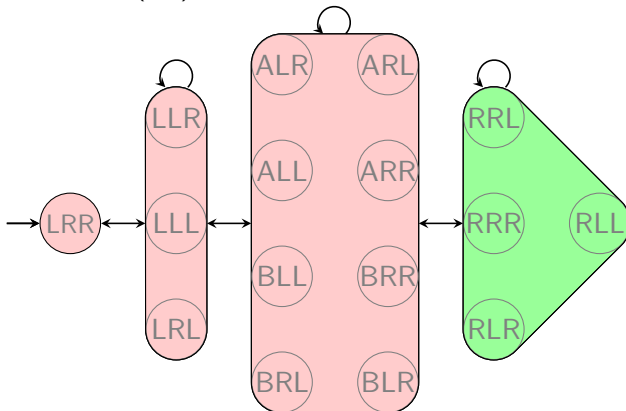
Abstraktion: Beispiel

konkreter Zustandsraum



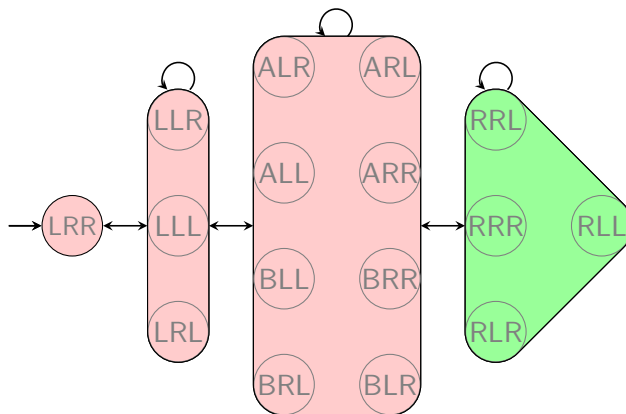
Abstraktion: Beispiel

(ein) **abstrakter Zustandsraum**



Anmerkung: Die meisten Kanten entsprechen mehreren parallelen Transitionen mit unterschiedlichen Beschriftungen.

Abstraktionsheuristik: Beispiel

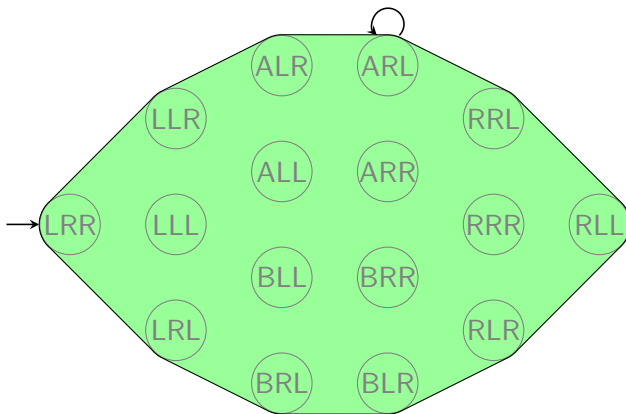


$$h^\alpha(\{p \mapsto L, t_A \mapsto R, t_B \mapsto R\}) = 3$$

Abstraktionsheuristiken: Diskussion

- Jede Abstraktionsheuristik ist **zulässig** und **konsistent**.
(Beweisidee?)
- Die Wahl der **Abstraktionsfunktion** α ist äusserst wichtig.
 - **Jedes** α liefert eine zulässige und konsistente Heuristik.
 - Aber nur wenige solche Heuristiken sind wirklich informativ.
- Ein praktisches α muss eine **informative Heuristik** liefern. . .
- . . . und **effizient berechnet** werden können.
- **Wie finden wir ein geeignetes α ?**

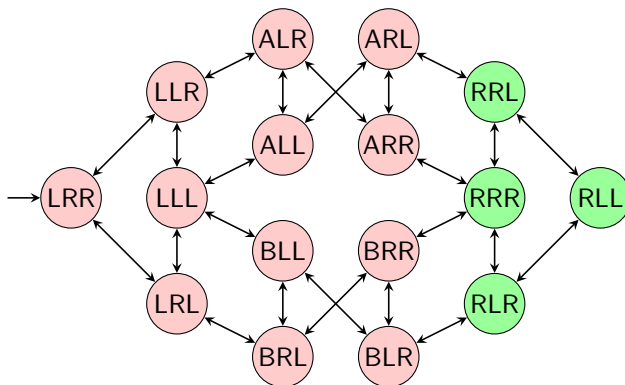
Meist schlechte Idee: Ein-Zustand-Abstraktion



Ein-Zustand-Abstraktion: $\alpha(s) := \text{const}$

- + sehr kompakt repräsentierbar und α leicht berechenbar
- völlig uninformative Heuristik

Meist schlechte Idee: Identitätsabstraktion



Identitätsabstraktion: $\alpha(s) := s$

- + perfekte Heuristik und α leicht berechenbar
- zu viele abstrakte Zustände \rightsquigarrow Berechnung von h^α zu schwer

Automatische Berechnung guter Abstraktion

Hauptproblem bei Planen mit Abstraktionsheuristiken

Wie finden wir eine gute Abstraktion?

Wir stellen zwei erfolgreiche Methoden vor:

- **Musterdatenbanken** (pattern databases, **PDBs**)
(Culberson & Schaeffer, 1996)
- **Merge-and-Shrink**-Abstraktionen
(Dräger, Finkbeiner & Podelski, 2006)

Musterdatenbanken

Musterdatenbanken

- Die am häufigsten verwendeten Abstraktionsheuristiken sind **Musterdatenbank-Heuristiken** (**PDB-Heuristiken**).
- eingeführt für das **15-Puzzle** (Culberson & Schaeffer, 1996) und den **Zauberwürfel** (Korf, 1997).
- für **Handlungsplanung** eingeführt von Edelkamp (2001)
- für viele Suchprobleme die **besten bekannten** Heuristiken
- viele viele Arbeiten zu
 - theoretischen Eigenschaften
 - effizienter Nutzung
 - Auswahl guter Muster
 - ...

Musterdatenbanken: informell

Musterdatenbanken: informell

Eine PDB-Heuristik für eine Planungsaufgabe ist eine Abstraktionsheuristik, bei der

- einige Aspekte (= Zustandsvariablen) **mit perfekter Genauigkeit** berücksichtigt werden, während
- alle anderen Aspekte **überhaupt nicht** berücksichtigt werden.

Beispiel (15-Puzzle)

- Wähle Teilmenge P der Kacheln (das **Muster** bzw. Pattern).
- Berücksichtige in der Abstraktion den exakten Ort der Kacheln in P .
- Nimm in der Abstraktion an, dass alle anderen Kacheln und das freie Feld überall sein können.

Projektionen

PDB-Heuristiken sind Abstraktionsheuristiken für eine bestimmte Art von Abstraktionsfunktionen, nämlich **Projektionen**.

Definition (Projektion)

Sei Π eine Planungsaufgabe mit Variablen V und Zuständen S . Sei $P \subseteq V$, und sei S' die Menge der partiellen Belegungen, die genau auf P definiert sind.

Die **Projektion** $\pi_P : S \rightarrow S'$ ist definiert als $\pi_P(s) := s|_P$ (mit $s|_P(v) := s(v)$ für alle $v \in P$).

Wir nennen P das **Muster** (**Pattern**) der Projektion π_P .

Anders gesagt: π_P bildet zwei Zustände s_1 und s_2 genau dann auf denselben abstrakten Zustand ab, wenn sie auf allen Variablen in P übereinstimmen.

Musterdatenbank-Heuristiken

Definition (Musterdatenbank-Heuristik)

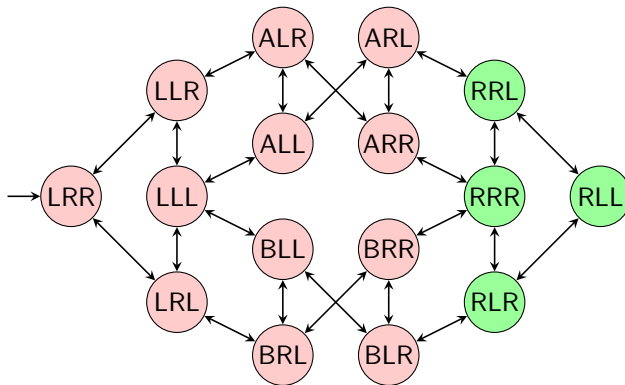
Abstraktionsheuristiken, die durch Projektion π_P induziert werden, heissen **Musterdatenbank-Heuristiken** (**PDB-Heuristiken**).

Kurzschreibweise: h^P für h^{π_P}

Warum der Name PDB-Heuristik?

- Heuristikwerte für PDB-Heuristiken werden üblicherweise in einer 1-dimensionalen Tabelle (Array) gespeichert.
- Diese Tabellen nennt man PDBs.

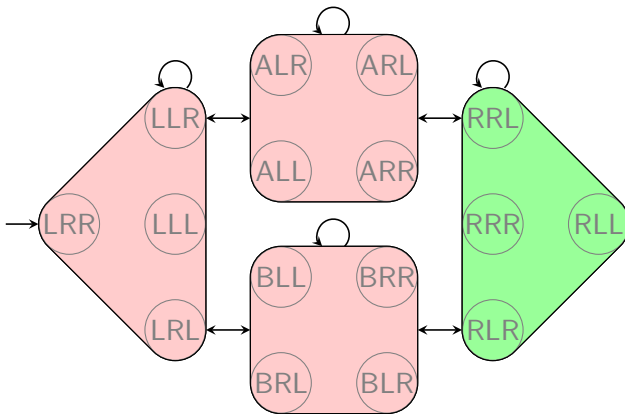
Beispiel: konkreter Zustandsraum



- Zustandsvariable *package*: {L, R, A, B}
- Zustandsvariable *truck A*: {L, R}
- Zustandsvariable *truck B*: {L, R}

Beispiel: Projektion (1)

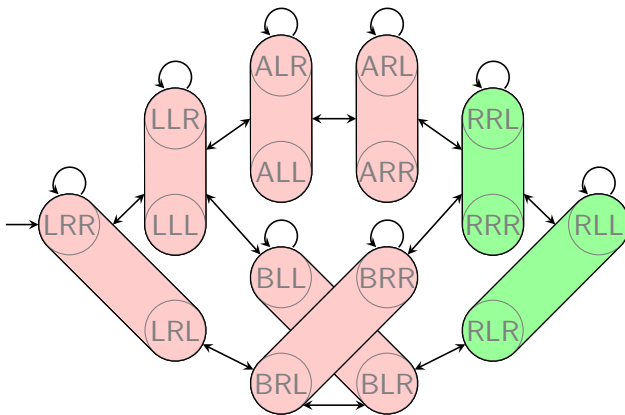
Von $\pi_{\{\text{package}\}}$ induzierte Abstraktion:



$$h^{\{\text{package}\}}(\text{LRR}) = 2$$

Beispiel: Projektion (2)

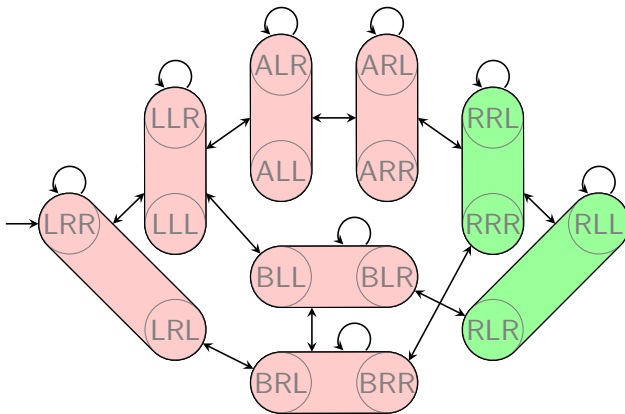
Von $\pi_{\{\textit{package}, \textit{truck A}\}}$ induzierte Abstraktion:



$$h_{\{\textit{package}, \textit{truck A}\}}(\textit{LRR}) = 2$$

Beispiel: Projektion (2)

Von $\pi_{\{\text{package}, \text{truck } A\}}$ induzierte Abstraktion:



$$h^{\{\text{package}, \text{truck } A\}}(\text{LRR}) = 2$$

Musterdatenbanken in der Praxis

Praktische Aspekte, auf die wir nicht eingehen:

- Wie finden wir **automatisch gute Patterns**?
- Wie kombinieren wir sinnvoll **mehrere** PDB-Heuristiken?
- Wie **implementieren** wir PDB-Heuristiken effizient?
 - gute Implementierungen berechnen schnell Patterns für **abstrakte** Zustandsräume mit 10^7 , 10^8 oder mehr Zuständen
 - Aufwand unabhängig von Grösse des **konkreten** Zustandsraums
 - meist werden alle Heuristikwerte vorberechnet
 - ↪ Platzaufwand = Anzahl abstrakter Zustände

Merge-and-Shrink

Jenseits von Musterdatenbanken

- Trotz ihrer Popularität haben PDBs fundamentale Grenzen:
die Muster müssen klein gehalten werden
- Preis in heuristischer Genauigkeit:
 - betrachte Verallgemeinerung des Beispiels:
 N Lastwagen, M Orte (ein Paket)
 - betrachte beliebiges Muster, das nicht alle Variablen in V umfasst
 - $h(s_0) \leq 2 \rightsquigarrow$ nicht besser als atomare Projektion auf das Paket
- Merge-and-Shrink-Abstraktionen (M&S) sind eine echte Verallgemeinerung von PDBs.
 - Sie können PDBs repräsentieren
(mit polynomiellm Zusatzaufwand).
 - Sie können Abstraktionen kompakt repräsentieren,
bei denen dies mit PDBs nicht möglich ist.

Merge-and-Shrink: Abgrenzung zu PDBs

M&S-Abstraktionen vs. Musterdatenbanken

Während PDBs **einige wenige** Zustandsvariablen **perfekt** im abstrakten Zustandsraum repräsentieren, repräsentieren M&S-Abstraktionen **alle** Zustandsvariablen, aber in einer **verlustbehafteten** Weise.

M&S-Abstraktionen: Kernideen

Kernideen bei M&S:

- 1 Informationen von zwei abstrakten Zustandsräumen \mathcal{A} und \mathcal{A}' für denselben konkreten Zustandsraum können durch eine einfache Graphenoperation **kombiniert** werden:
synchrones Produkt $\mathcal{A} \otimes \mathcal{A}'$.
- 2 Der **konkrete** Zustandsraum \mathcal{S} einer SAS⁺-Planungsaufgabe kann aus den **atomaren Projektionen** rekonstruiert werden:

$$\bigotimes_{v \in V} \mathcal{S}^{\pi_{\{v\}}} \text{ ist isomorph zu } \mathcal{S}$$

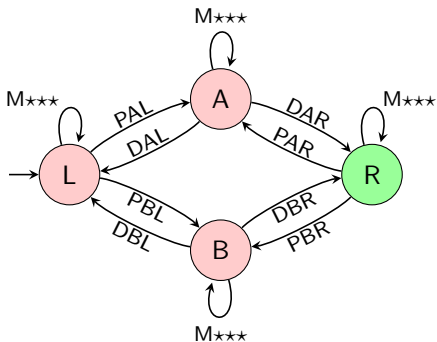
\rightsquigarrow baue feine Abstraktionen aus größeren

Beispiel: Abkürzungen

- Für das synchrone Produkt sind die **Kantenbeschriftungen** in den Zustandsräumen (die „Aktionsnamen“) sehr wichtig.
- Wir geben sie deshalb im Folgenden in den Abbildungen an.
- Dabei verwenden wir Abkürzungen der folgenden Art:
 - **MALR**: move truck **A** from left to right
 - **DAR**: drop package from truck **A** at right location
 - **PBL**: pick up package with truck **B** at left location
- Oft gibt es viele Parallelkanten. Wir kürzen diese mit **Kommata** und **Platzhaltern** ab wie in diesen Beispielen:
 - **PAL, DAL**: parallele Kanten für Aktionen **PAL** und **DAL**
 - **MA☆☆**: parallele Kanten für Aktionen **MALR** und **MARL**

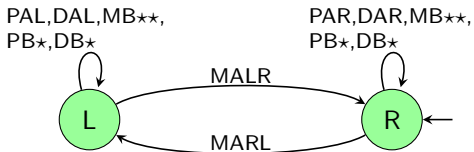
Beispiel: atomare Projektion für das Paket

$\mathcal{S}^{\pi\{\text{package}\}}:$



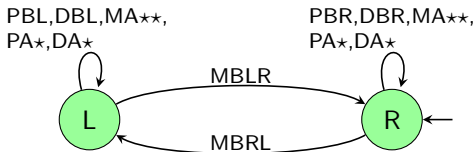
Beispiel: atomare Projektion für Lastwagen A

$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck A}\}:$



Beispiel: atomare Projektion für Lastwagen B

$\mathcal{S}^\pi\{\text{truck } B\}$:



Synchrones Produkt von Zustandsräumen

Definition (synchrones Produkt von Zustandsräumen)

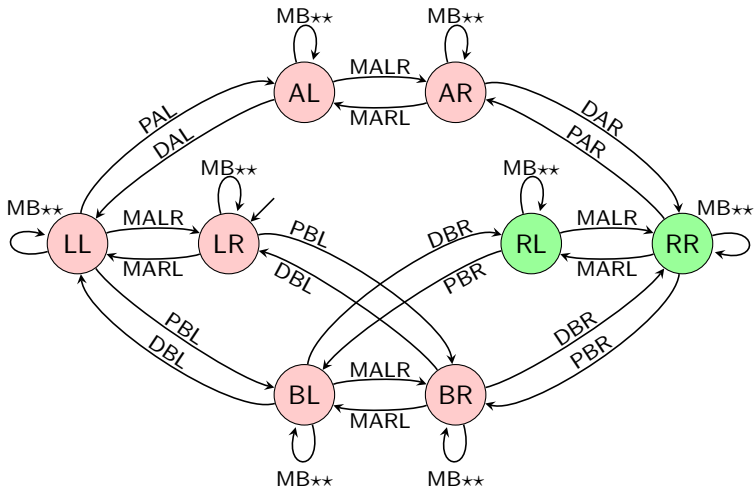
Für $i \in \{1, 2\}$ seien $\mathcal{S}^i = \langle S^i, A, cost, T^i, s_0^i, S_\star^i \rangle$ Zustandsräume (mit identischen Aktionen und Kosten).

Das **synchrone Produkt** von \mathcal{S}^1 und \mathcal{S}^2 , geschrieben $\mathcal{S}^1 \otimes \mathcal{S}^2$, ist der Zustandsraum $\mathcal{S}^\otimes = \langle S^\otimes, A, cost, T^\otimes, s_0^\otimes, S_\star^\otimes \rangle$ mit

- $S^\otimes := S^1 \times S^2$
- $T^\otimes := \{ \langle \langle s_1, s_2 \rangle, a, \langle t_1, t_2 \rangle \rangle \mid \langle s_1, a, t_1 \rangle \in T^1 \wedge \langle s_2, a, t_2 \rangle \in T^2 \}$
- $s_0^\otimes := \langle s_0^1, s_0^2 \rangle$
- $S_\star^\otimes := S_\star^1 \times S_\star^2$

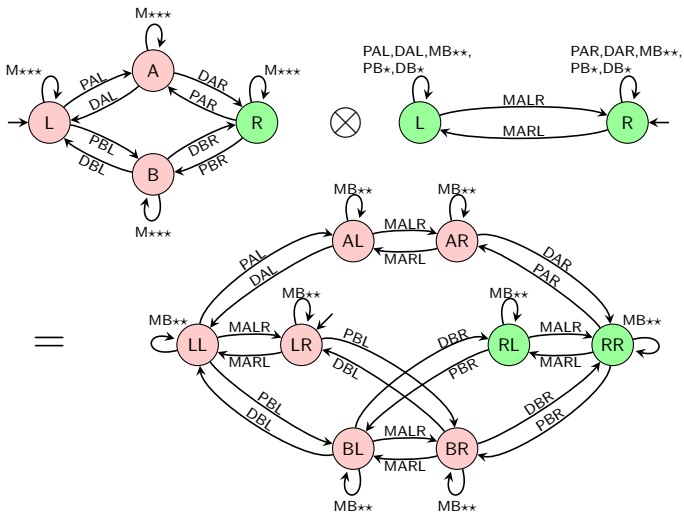
Beispiel: synchrones Produkt

$$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{package}\} \otimes \mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck } A\}:$$



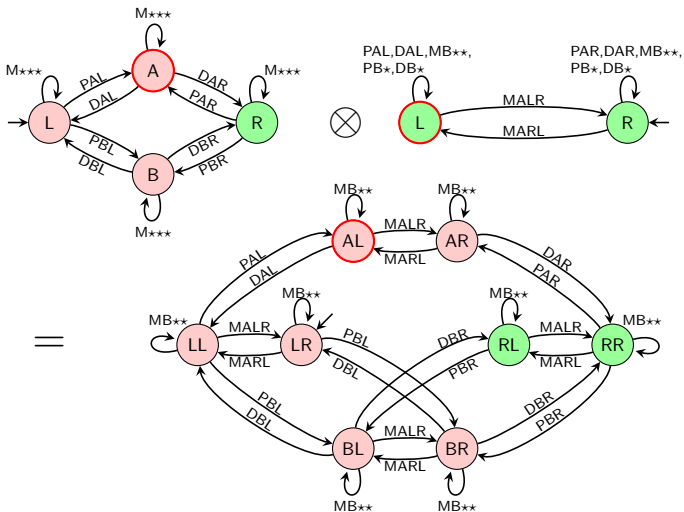
Beispiel: Berechnung des synchronen Produkts

$$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{package}\} \otimes \mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck A}\}:$$



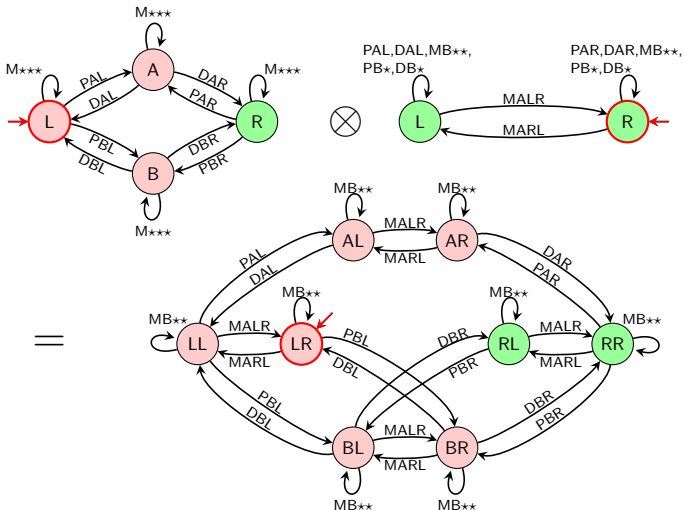
Beispiel: Berechnung des synchronen Produkts

$$\mathcal{S}^{\pi\{\text{package}\}} \otimes \mathcal{S}^{\pi\{\text{truck A}\}}: \mathcal{S}^{\otimes} = \mathcal{S}^1 \times \mathcal{S}^2$$



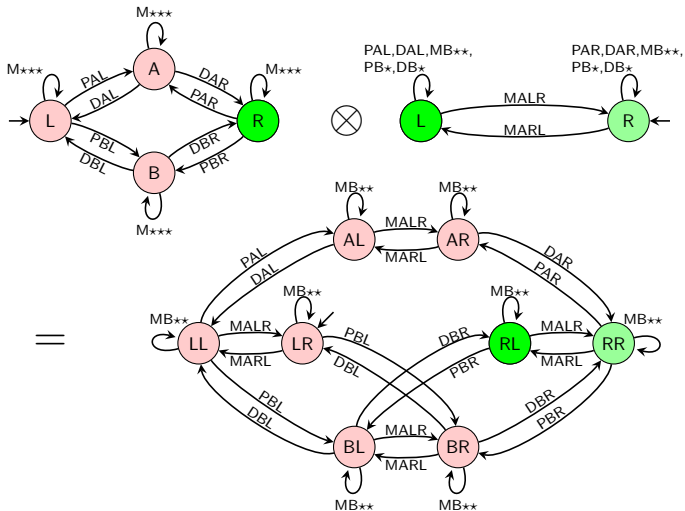
Beispiel: Berechnung des synchronen Produkts

$$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{package}\} \otimes \mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck A}\}: s_0^{\otimes} = \langle s_0^1, s_0^2 \rangle$$



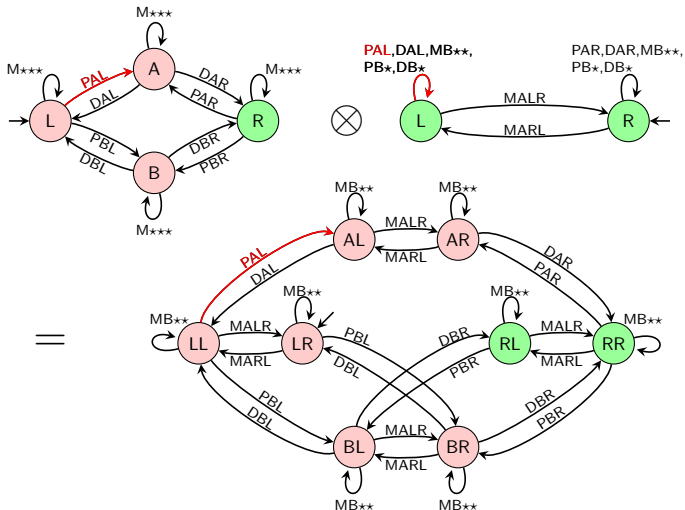
Beispiel: Berechnung des synchronen Produkts

$$\mathcal{S}^{\pi\{\text{package}\}} \otimes \mathcal{S}^{\pi\{\text{truck A}\}}: S_{\star}^{\otimes} = S_{\star}^1 \times S_{\star}^2$$



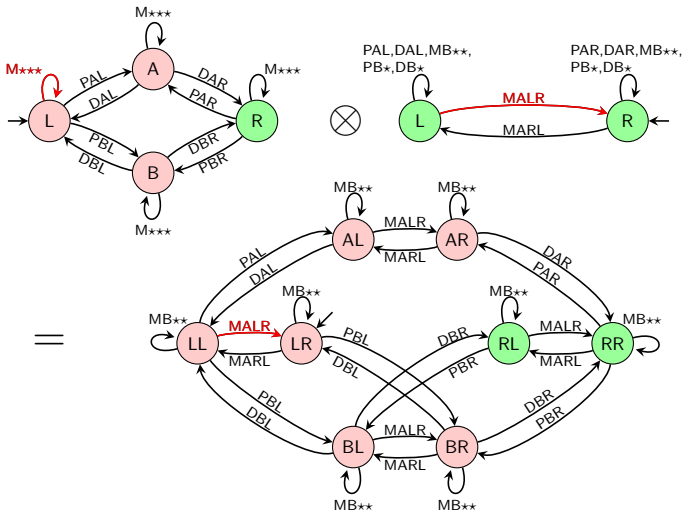
Beispiel: Berechnung des synchronen Produkts

$$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{package}\} \otimes \mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck A}\}: T^{\otimes} = \{\langle\langle s_1, s_2 \rangle, a, \langle t_1, t_2 \rangle\rangle \mid \dots\}$$



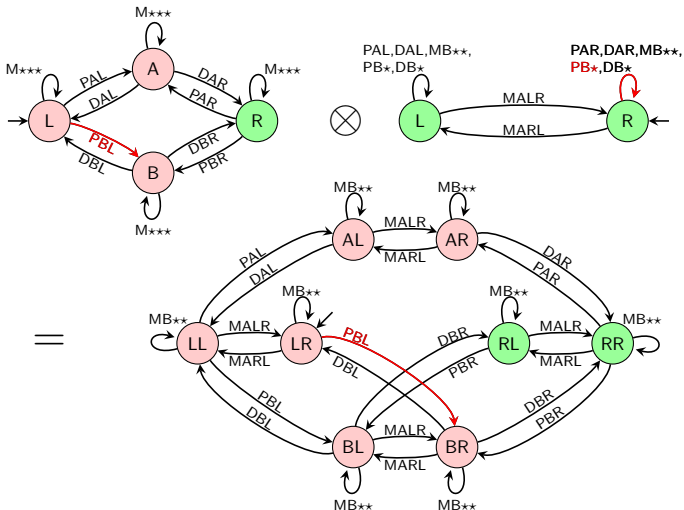
Beispiel: Berechnung des synchronen Produkts

$$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{package}\} \otimes \mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck A}\}: T^{\otimes} = \{\langle\langle s_1, s_2 \rangle, a, \langle t_1, t_2 \rangle\rangle \mid \dots\}$$



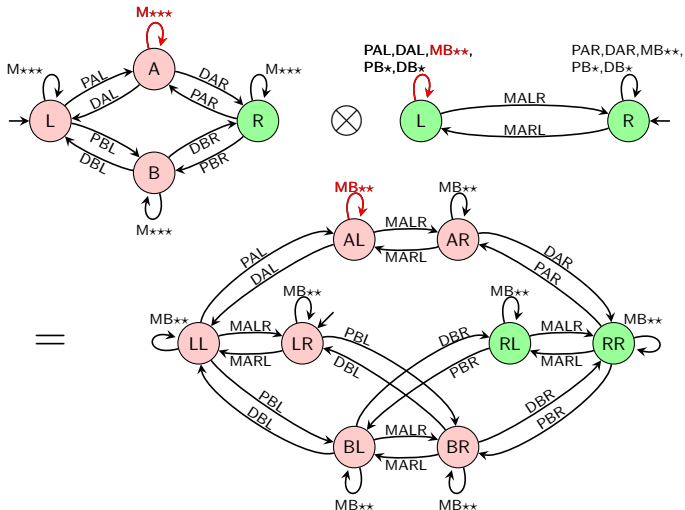
Beispiel: Berechnung des synchronen Produkts

$$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{package}\} \otimes \mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck A}\}: T^{\otimes} = \{\langle \langle s_1, s_2 \rangle, a, \langle t_1, t_2 \rangle \rangle \mid \dots\}$$



Beispiel: Berechnung des synchronen Produkts

$$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{package}\} \otimes \mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck A}\}: T^{\otimes} = \{\langle\langle s_1, s_2 \rangle, a, \langle t_1, t_2 \rangle\rangle \mid \dots\}$$



M&S-Abstraktionen: Kernideen (Fortsetzung)

Kernideen bei M&S:

- 1 Information von zwei abstrakten Zustandsräumen \mathcal{A} und \mathcal{A}' für denselben konkreten Zustandsraum können durch eine einfache Graphenoperation **kombiniert** werden: **synchrones Produkt** $\mathcal{A} \otimes \mathcal{A}'$.
- 2 Der **konkrete** Zustandsraum \mathcal{S} einer SAS⁺-Planungsaufgabe kann aus den **atomaren Projektionen** rekonstruiert werden:

$$\bigotimes_{v \in V} \mathcal{S}^{\pi_{\{v\}}} \text{ ist isomorph zu } \mathcal{S}$$

\rightsquigarrow baue feine Abstraktionen aus gröberen

- 3 Wenn Zwischenergebnisse zu gross werden:
Verkleinern durch Kombination einiger abstrakter Zustände

Berechnung von M&S-Abstraktionen

Generischer Algorithmus zur Berechnung von M&S-Abstraktionen

```

abs := {  $\mathcal{S}^{\pi\{v\}}$  |  $v \in V$  } [Abstraktionen für atomare Projektionen]
while |abs| > 1:
    select  $\mathcal{S}^1, \mathcal{S}^2$  from abs
    shrink  $\mathcal{S}^1$  and/or  $\mathcal{S}^2$  until  $\text{size}(\mathcal{S}^1) \cdot \text{size}(\mathcal{S}^2) \leq K$ 
    abs := abs \ { $\mathcal{S}^1, \mathcal{S}^2$ } ∪ { $\mathcal{S}^1 \otimes \mathcal{S}^2$ } [Merge-Schritt]
return the remaining abstraction in abs
  
```

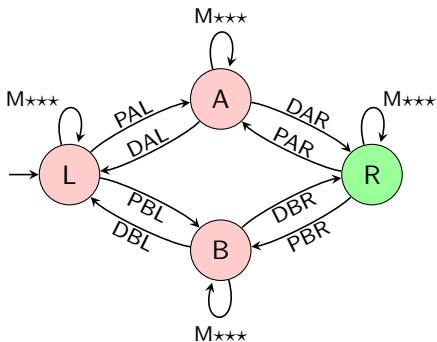
K: Parameter, der max. Anzahl abstrakter Zustände begrenzt

Praktische Implementierungen müssen entscheiden:

- Welche Abstraktionen werden ausgewählt? \rightsquigarrow **Merge-Strategie**
- Wie werden Abstraktionen geschrumpft? \rightsquigarrow **Shrink-Strategie**
- Wie soll *K* gewählt werden?

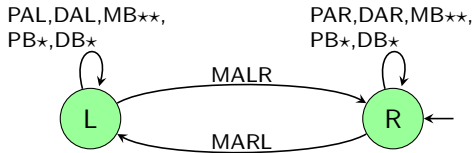
Initialisierungsschritt: atomare Projektion für das Paket

$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{package}\}:$



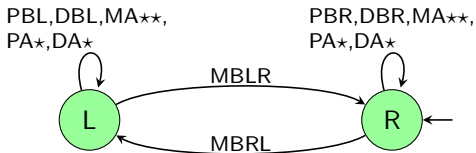
Initialisierungsschritt: atomare Projektion für Lastwagen A

$\mathcal{S}^{\pi}\{\text{truck } A\}$:



Initialisierungsschritt: atomare Projektion für Lastwagen B

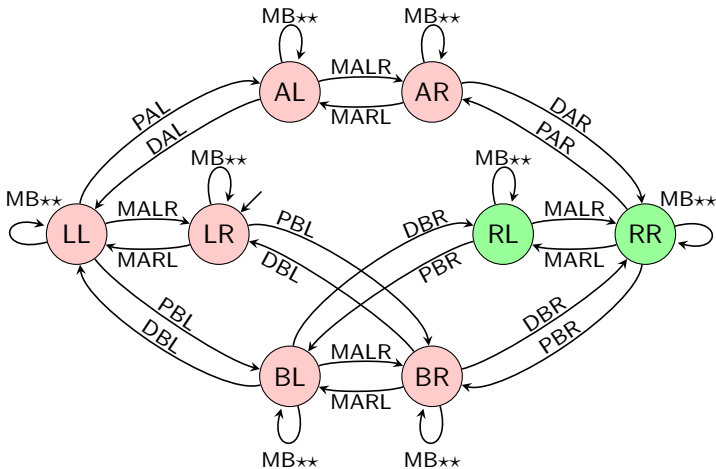
$\mathcal{S}^{\pi_{\text{truck B}}}$:



aktuelle Abstraktionsmenge: $abs = \{\mathcal{S}^{\pi_{\text{package}}}, \mathcal{S}^{\pi_{\text{truck A}}}, \mathcal{S}^{\pi_{\text{truck B}}}\}$

Erster Merge-Schritt

$$\mathcal{S}^1 := \mathcal{S}^{\pi\{\text{package}\}} \otimes \mathcal{S}^{\pi\{\text{truck A}\}}:$$



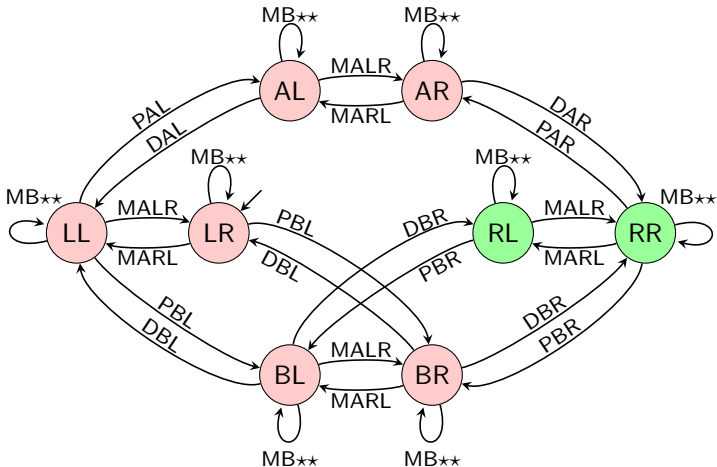
aktuelle Abstraktionsmenge: $abs = \{\mathcal{S}^1, \mathcal{S}^{\pi\{\text{truck B}\}}\}$

Müssen wir vereinfachen?

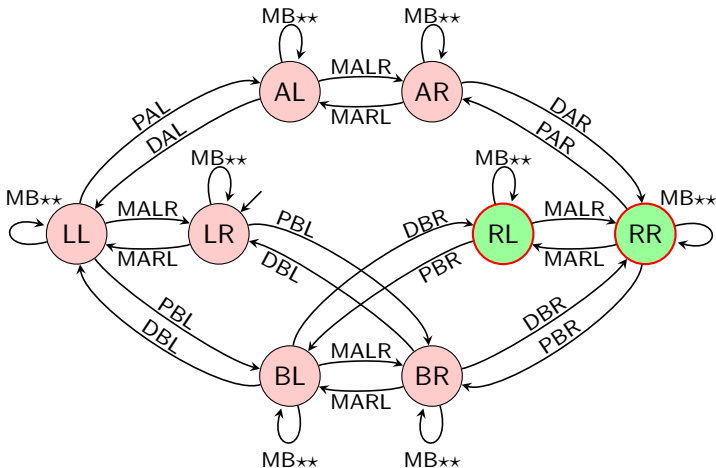
- Wenn wir genügend Speicher haben, können wir nun $\mathcal{S}^1 \otimes \mathcal{S}^{\pi\{\text{truck } B\}}$ berechnen, wonach wir den konkreten Zustandsraum des Problems konstruiert hätten.
- Um die allgemeine Idee zu illustrieren, nehmen wir jedoch an, dass wir nicht genug Speicher für dieses Produkt zur Verfügung haben.
- Genauer: wir nehmen an, dass wir nach jedem Merge-Schritt auf **vier** Zustände reduzieren müssen, um den Speicherverbrauch unter Kontrolle zu halten

Erster Shrink-Schritt

\mathcal{S}^2 := eine Abstraktion von \mathcal{S}^1

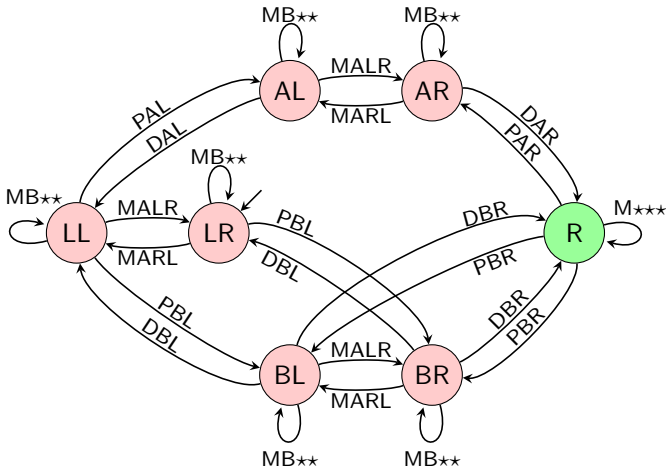


Erster Shrink-Schritt

$$\mathcal{S}^2 := \text{eine Abstraktion von } \mathcal{S}^1$$


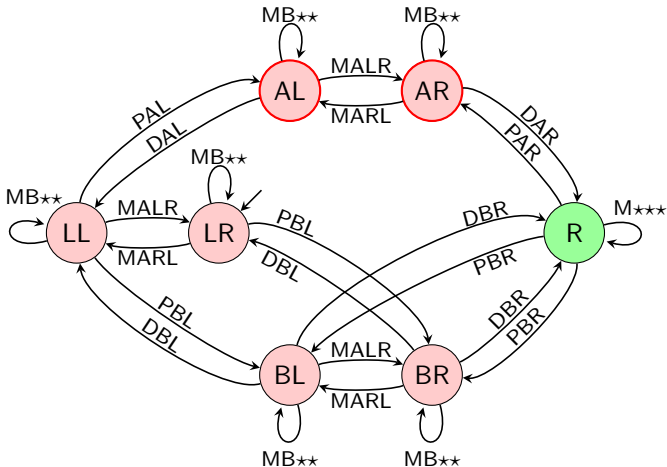
Erster Shrink-Schritt

\mathcal{S}^2 := eine Abstraktion von \mathcal{S}^1



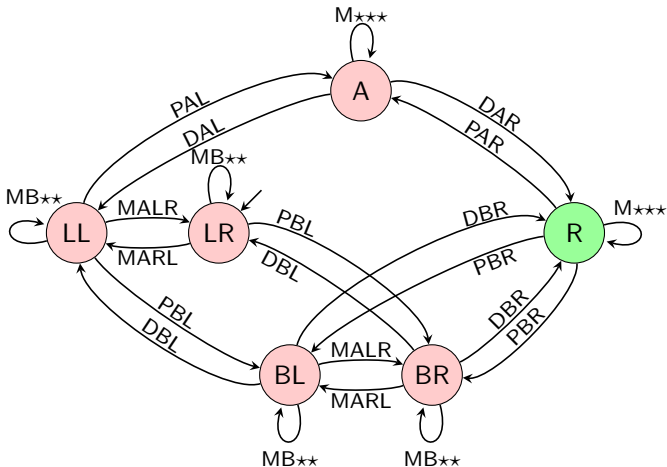
Erster Shrink-Schritt

\mathcal{S}^2 := eine Abstraktion von \mathcal{S}^1



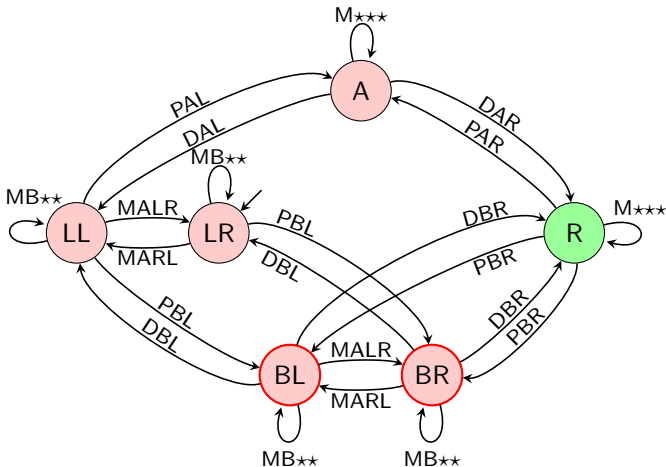
Erster Shrink-Schritt

\mathcal{S}^2 := eine Abstraktion von \mathcal{S}^1



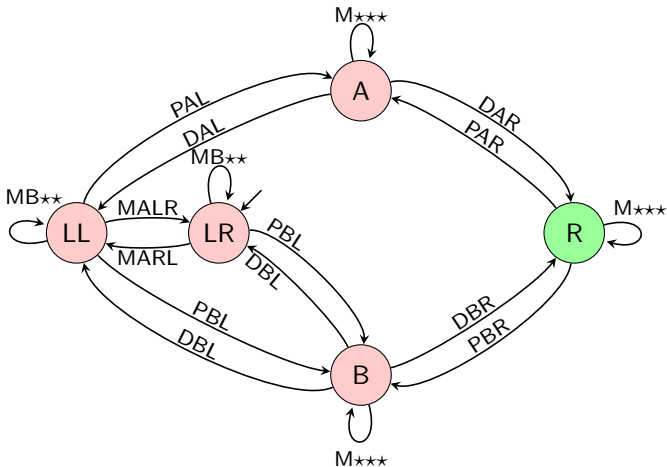
Erster Shrink-Schritt

\mathcal{S}^2 := eine Abstraktion von \mathcal{S}^1



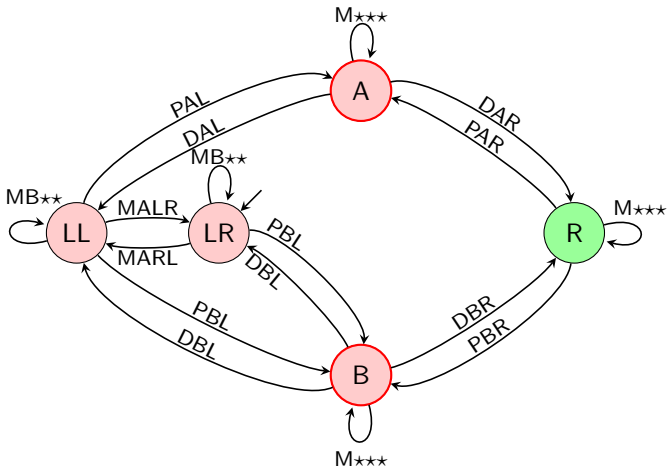
Erster Shrink-Schritt

\mathcal{S}^2 := eine Abstraktion von \mathcal{S}^1



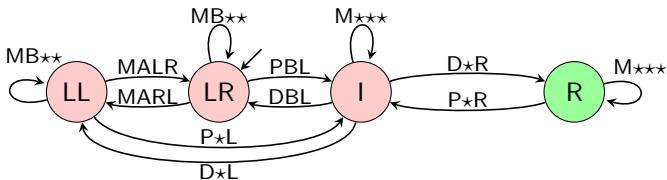
Erster Shrink-Schritt

\mathcal{S}^2 := eine Abstraktion von \mathcal{S}^1



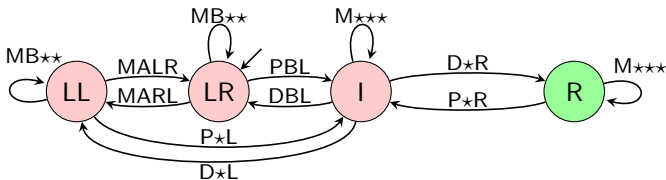
Erster Shrink-Schritt

$\mathcal{S}^2 :=$ eine Abstraktion von \mathcal{S}^1



Erster Shrink-Schritt

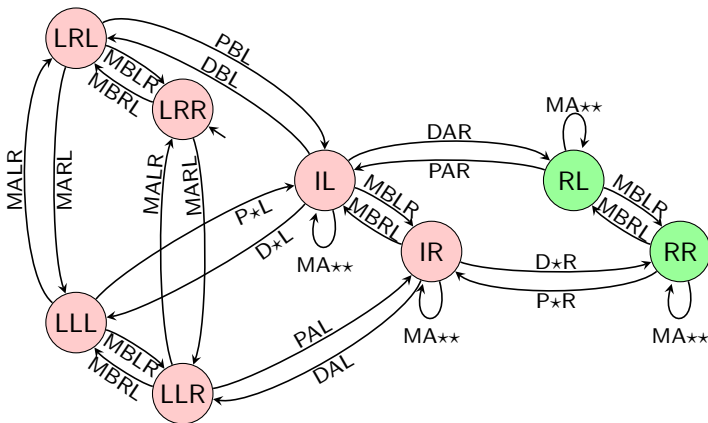
\mathcal{S}^2 := eine Abstraktion von \mathcal{S}^1



aktuelle Abstraktionsmenge: $abs = \{\mathcal{S}^2, \mathcal{S}^{\pi_{\{truck\ B\}}}\}$

Zweiter Merge-Schritt

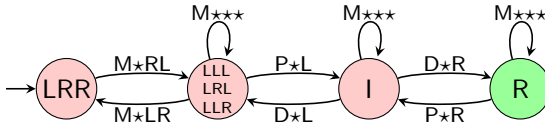
$$\mathcal{S}^3 := \mathcal{S}^2 \otimes \mathcal{S}^{\pi\{\text{truck } B\}}:$$



aktuelle Abstraktionsmenge: $\{\mathcal{S}^3\}$

Zweiter Shrink-Schritt

- Wir schrumpfen (um die Ideen zu illustrieren; der generische Algorithmus wäre hier fertig) S^3 noch zu S^4 und erhalten:



- Wir erhalten einen Heuristikwert von 3 für den Anfangszustand \rightsquigarrow **besser als jede PDB-Heuristik**, die nicht alle Variablen im Muster hat.
- Das Beispiel lässt sich auf mehr Orte und Lastwagen verallgemeinern, ohne dass man die Grössenschränke von 4 (nach dem Merge-Schritt) erhöhen müsste.

Merge-and-Shrink-Abstraktionen in der Praxis

Praktische Aspekte, auf die wir nicht eingehen:

- Wie wählen wir den Grössenparameter?
- Welche Merge-Strategien sind gut?
- Welche Shrink-Strategien sind gut?
- Wie **implementieren** wir Merge-and-Shrink effizient?
 - gute Datenstrukturen und Algorithmen wichtig!